



1. DATOS GENERALES			
Nombre de la Unidad de Aprendizaje (UA) o Asignatura			Clave de la UA
Taller de Teoría del Cálculo II			I5931
Modalidad de la UA	Tipo de UA	Área de formación	Valor en créditos
Escolarizada	Curso	Básica común	9
UA de pre-requisito	UA simultáneo	UA posteriores	
I5928 Teoría del Cálculo I	I5930 Teoría del Cálculo II	I5932 Teoría de Ecuaciones Diferenciales Ordinarias ¹	
Horas totales de teoría	Horas totales de práctica	Horas totales del curso	
0	34	34	
Licenciatura(s) en que se imparte		Módulo al que pertenece	
Lic. En Matemáticas		Cálculo	
Departamento		Academia a la que pertenece	
Matemáticas		Matemáticas Básicas	
Elaboró		Fecha de elaboración o revisión	
Juan Martín Casillas González Gustavo Hernández Corona Ricardo Águila Gómez		24/07/2017	

¹ No se encuentra en el dictamen



2. DESCRIPCIÓN		
Presentación (propósito y finalidad de la UA o Asignatura)		
<p>El taller de Teoría del Cálculo II puede llevarse hasta después de haber acreditado todas las asignaturas de Teoría del Cálculo I y el Taller de Teoría del Cálculo I, porque se espera que los estudiantes inscritos tengan un dominio del lenguaje, de los conceptos y de las estrategias propias del cálculo y que, además, puedan incorporar herramientas computacionales en la resolución de problemas que se presentarán en el curso.</p> <p>El cálculo versa sobre la noción de variación de una función. Por tanto, al final del curso el estudiante podrá describir el comportamiento de diversas funciones empleando las técnicas de derivación parcial e integración múltiple con el objetivo de proponer y validar modelos matemáticos de situaciones teóricas y prácticas. El empleo de estas herramientas en el modelado matemático le permitirá al estudiante cursar con éxito esta asignatura. En este curso se trabaja con funciones determinadas por la relación entre varias variables, donde hay una denominada como dependiente y varias variables independientes.</p>		
Relación con el perfil		
Modular	De egreso	
<p>Esta materia, junto con las demás que conforman el módulo de “Cálculo” tiene como finalidad que sus egresados puedan simular y predecir matemáticamente la evolución de una situación o fenómeno real. En particular, en esta materia se pretende que los estudiantes puedan utilizar las diversas estrategias aprendidas para optimizar procesos y analizar algunas características físicas de diversos fenómenos o de cuerpos sólidos.</p>	<p>Esta materia contribuye al fortalecimiento de la competencia genérica “Proponer y validar modelos matemáticos de situaciones teóricas y prácticas congruentes con la realidad observada” del perfil de egreso.</p>	
Competencias a desarrollar en la UA o Asignatura		
Transversales	Genéricas	Profesionales
<p>Utilizar el lenguaje formal en el área del Cálculo para interactuar con otros profesionales en la búsqueda de soluciones a problemas de impacto social.</p> <p>Interpreta fenómenos reales a partir del uso de conceptos y procedimientos matemáticos</p> <p>Elaborar proyectos con base en un trabajo colaborativo organizado y eficaz</p> <p>Estructurar argumentos lógicos para defender una opinión personal</p> <p>Plantear hipótesis para resolver alguna situación problemática, a partir de un proceso de investigación</p> <p>Expresar ideas a través de un uso correcto del lenguaje escrito</p>	<p>Establecer matemáticamente las relaciones entre las diversas variables observadas en un fenómeno físico. Interpretar a las derivadas parciales como razones de cambio de una función matemática.</p> <p>Aplicar las técnicas de derivación e integración para simular matemáticamente una situación o fenómeno.</p>	<p>Simular matemáticamente una situación o fenómeno mediante la abstracción de las relaciones de dependencia entre varias variables</p> <p>Emplea herramientas computacionales en la resolución de problemas matemáticos relacionados con la optimización de procesos y análisis de las características geométricas de los cuerpos sólidos.</p>
Tipos de saberes a trabajar		

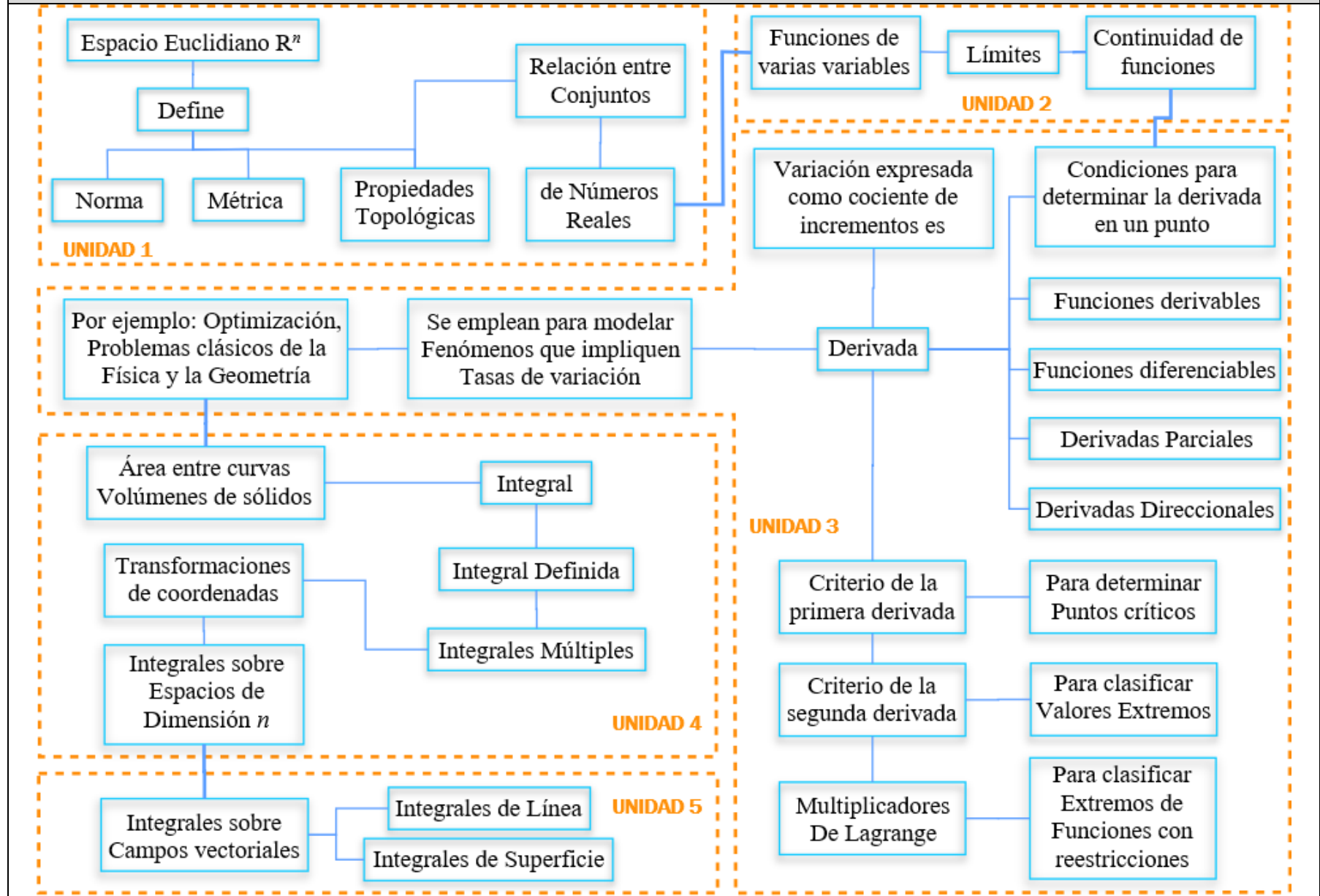


UNIVERSIDAD DE GUADALAJARA

Saber (conocimientos)	Saber hacer (habilidades)	Saber ser (actitudes y valores)
<p>Espacios normados y espacios métricos Topología de \mathbb{R}^n. Continuidad de las funciones. Reglas básicas de derivación. Optimización de funciones Integrales múltiples Técnicas de integración. Integrales de línea Campos vectoriales Integrales de superficie Flujo de campos vectoriales a través de superficies Teoremas de Green, Stokes y de Gauss-Ostrogadsky</p>	<p>Identifica y organiza la información que se requiere para resolver un problema Discrimina y analiza información relevante Reconoce la dimensión y las características del espacio donde se definen las funciones. Emplea la noción de límite para analizar la continuidad de funciones de varias variables. Interpreta las derivadas direccionales como tasas de cambio que poseen una dirección. Aplica diferentes estrategias para resolver integrales múltiples Calcula masas y centros de masa de curvas, superficies y sólidos Interpreta los teoremas de Green, Stokes y Gauss-Ostrogadsky Aplica los teoremas de Green, Stokes y Gauss-Ostrogadsky para resolver integrales de línea y de superficie.</p>	<p>Valorar el empleo de herramientas computacionales en el modelado matemático de fenómenos reales. Muestra seguridad al hablar y transmitir mensajes Cumple con los acuerdos establecidos en equipo Escucha la opinión de sus compañeros y expresa la suya con apertura Presenta sus productos en tiempo y forma, de tal manera que demuestra interés y cuidado en su trabajo Participa activamente y con interés en las clases Valora la autenticidad de su trabajo.</p>
Producto Integrador Final de la UA o Asignatura		
<p>Título del Producto: Portafolio de tareas y exámenes parciales.</p> <p>Objetivo: Mostrar en este conjunto de trabajos los saberes adquiridos a lo largo del curso.</p> <p>Descripción: Se busca que las tareas y exámenes muestren autenticidad en su desarrollo, uso correcto del lenguaje matemático y enmienda de errores.</p>		



3. ORGANIZADOR GRÁFICO DE LOS CONTENIDOS DE LA UA o ASIGNATURA





4. SECUENCIA DEL CURSO POR UNIDADES TEMÁTICAS

Unidad temática 1: Introducción al espacio euclidiano \mathbb{R}^n (4 hrs)

Objetivo de la unidad temática

Distinguir en términos abstractos el espacio donde se definen las funciones de varias variables. Describir las propiedades topológicas del espacio \mathbb{R}^n .

Introducción:

Esta es una unidad introductoria para los estudiantes. En este apartado se muestran las características que distinguen a los espacios euclidianos de dimensión 1, 2, 3, ..., n ; aquí se proporciona un conjunto de definiciones que permiten construir los teoremas de Heine-Borel y de Bolzano-Weierstrass. Estos teoremas establecen la compacidad del espacio \mathbb{R}^n conceptos que se reforzarán en las asignaturas de análisis matemático del Módulo de análisis matemático.

Contenido temático	Saberes involucrados	Producto de la unidad temática
1.1. Espacios Vectoriales. Espacio con producto interior. Espacio Normado. Espacio Métrico. 1.2. Geometría en \mathbb{R}^n . Norma. Rectas y Planos. Productos vectoriales. 1.3. Sucesiones en \mathbb{R}^n 1.4. Subconjuntos de \mathbb{R}^n 1.5. Propiedades Topológicas de \mathbb{R}^n . Continuidad de aplicaciones. Conexidad en \mathbb{R}^n 1.6. Compacidad de \mathbb{R}^n . Teorema de Heine Borel. Teorema de Bolzano-Weierstrass	Identifica y organiza la información que se requiere para resolver un problema Discrimina y analiza información relevante Reconoce la dimensión y las características del espacio donde se definen las funciones. Presenta sus productos en tiempo y forma, de tal manera que demuestra interés y cuidado en su trabajo Escucha la opinión de sus compañeros y expresa la suya con apertura Muestra seguridad al hablar y transmitir mensajes	Actividad 1. Actividad 2.

Unidad temática 2: Funciones de Varias Variables, Límites y Continuidad (4 hrs)

Objetivo de la unidad temática

Analizar las características básicas de una función de varias variables y utilizar diversas estrategias para bosquejar gráficas de superficies. Aplicar diferentes estrategias para calcular límites de funciones y argumentar la existencia de los mismos. Determinar la continuidad de la función en un punto o en una región. Discriminar el tipo de discontinuidad que presentan las funciones

Introducción:

Esta unidad proporciona diferentes estrategias para visualizar superficies generadas por funciones con dos variables independientes. Aquí se busca generalizar el concepto de límite para realizar un análisis de la continuidad de las funciones. Una forma de reconocer si la función es continua es mediante aproximaciones (límites) en un entorno cercano a un punto. En esta unidad se revisará el concepto de continuidad y su interpretación geométrica. Se aplicarán las propiedades de los límites para determinar si la función es puntualmente (localmente) continua.



UNIVERSIDAD DE GUADALAJARA

Contenido temático	Saberes involucrados	Producto de la unidad temática
2.1 Funciones de varias variables. 2.2 Dominio y Rango de una función de varias variables. 2.3 Gráficas de funciones de 2 variables independientes. 2.4 Límite en un punto de una función de varias variables. 2.5 Propiedades de los límites. 2.6 Límites reiterados. 2.7 Continuidad en un punto. 2.8 Propiedades de la continuidad de las funciones. 2.9 Combinación de funciones continuas. 2.10 Continuidad Uniforme.	Identifica y organiza la información que se requiere para resolver un problema Muestra argumentos formales para demostrar la existencia de límites de sucesiones y de series. Conceptos de límite, límites reiterados, función continua, discontinuidad evitable. Discrimina y analiza información relevante Redacta con claridad respetando reglas ortográficas y sintácticas Utiliza software especializado (SCILAB) para graficar funciones en el espacio.	Actividad 3. Actividad 4.

Unidad temática 3: Diferenciabilidad (8 hrs)

Objetivo de la unidad temática

Generalizar el concepto de variación para una función de varias variables. Distinguir la diferencia entre función derivable y función diferenciable.

Introducción:

La derivada es una herramienta del cálculo que está asociada con el cociente incremental y que, por ello, es útil para estimar la razón de cambio de una función, este concepto será utilizado para determinar derivadas parciales y derivadas direccionales. En esta unidad se revisará el concepto de derivada y su interpretación geométrica. Se aplicarán las reglas de derivación para determinar los valores extremos de una función de varias variables, con y sin restricciones.

Contenido temático	Saberes involucrados	Producto de la unidad temática
3.1 Funciones derivables y funciones diferenciables 3.2 Diferencial y derivadas parciales. Regla de la Cadena 3.3 Funciones de clase C^k 3.4 Derivadas de orden superior 3.5 Derivadas Direccionales. El operador nabla, gradiente. 3.6 Series de Taylor 3.7 Teorema de la Función Inversa 3.8 Teorema de la Función Implícita 3.9 Máximos y mínimos locales 3.10 Caracterización de extremos locales por medio de las derivadas Parciales 3.11 Extremos locales de funciones sujetas a restricciones 3.12 Multiplicadores de Lagrange	Conceptos de límite diferencial de una función, función derivable y función diferenciable, derivada parcial, máximos y mínimos locales y globales, punto silla, concavidad. Teoremas de Clairaut, regla de la cadena, Taylor, de la segunda derivada y de los multiplicadores de Lagrange. Reglas de derivación. Puntos críticos, valores extremos. Conceptos de la física y geometría empleados en los ejemplos de aplicación.	Actividad 5. Actividad 6. Actividad 7. Actividad 8.

Unidad temática 4: Integrales múltiples (12 hrs)



UNIVERSIDAD DE GUADALAJARA

Objetivo de la unidad temática

Generalizar el concepto de suma de Riemann. Utilizar el teorema de la función implícita y la función inversa para realizar cambios de coordenadas. Interpretar a la integral definida en problemas de la física y de la geometría.

Introducción:

En esta unidad se desarrollan los conceptos geométricos de integración múltiple que permiten el cálculo de áreas planas, volúmenes, áreas de superficies, momentos y centros de masa.

Contenido temático	Saberes involucrados	Producto de la unidad temática
4.1. Área de un conjunto plano. 4.2. Integral de una función de dos variables, como volumen debajo de una superficie y sumas de Riemann. 4.3. Conjuntos de medida cero. Medida de Lebesgue. 4.4. Propiedades de las integrales. 4.5. Teoremas de Fubini, integración sobre dominios más generales. Integrales dobles. 4.6. Integrales triples y cálculo de volúmenes. 4.7. Teorema del cambio de variables e integrales en polares, cilíndricas, esféricas. 4.8. Teorema del valor medio. 4.9. Integrales impropias. 4.10. Funciones no continuas sobre conjuntos acotados. 4.11. Integrales sobre regiones no acotadas. 4.12. Convergencia uniforme, teorema de Fubini, derivación bajo la Integral.	Sumas de Riemann, medidas de Lebesgue. Teoremas de Fubini, de la función inversa, de la función implícita, del cambio de variable. Coordenadas polares, esféricas y cilíndricas.	Actividad 9. Actividad 10. Actividad 11. Actividad 12.

Unidad temática 5: Integrales de Línea y de Superficie (9 hrs)

Objetivo de la unidad temática

Utilizar las integrales de línea y de superficie para calcular áreas de superficies paramétricas, masas, flujo, trabajo y energía.

Introducción:

En esta unidad se analizan funciones que asignan a un punto en el plano (o en el espacio) un vector. Estas funciones son denominadas campos vectoriales y que corresponden a un conjunto de funciones vectoriales diferentes a las estudiadas en la unidad 5. Se muestran también diferentes operadores que pueden aplicarse a este tipo de funciones como lo son las integrales de línea y de superficie

Contenido temático	Saberes involucrados	Producto de la unidad temática
5.1 Integración de funciones escalares sobre curvas paramétricas, independencia de la parametrización de la curva, integrales de trayectoria. 5.2 Integrales de línea en campos vectoriales, cálculo del trabajo debido a un campo de fuerzas.	Operador vectorial. Campo vectorial gradiente, divergente y rotacional. Campo conservativo. Función potencial. Integrales de línea y de superficie. Conceptos de la física y geometría empleados en los	Actividad 13. Actividad 14.



UNIVERSIDAD DE GUADALAJARA

<p>5.3 Divergencia y Rotacional.</p> <p>5.4 Integrales de línea en campos del tipo gradiente y campos conservativos.</p> <p>5.5 Superficies parametrizadas, vector normal y plano tangente.</p> <p>5.6 Integración sobre superficies parametrizadas y cálculo de áreas.</p> <p>5.7 Independencia de la parametrización.</p> <p>5.8 Integración de funciones escalares y vectoriales sobre superficies orientables.</p> <p>5.9 Integrales en coordenadas curvilíneas.</p> <p>5.10. Teorema de Green, aplicaciones y ejemplos.</p> <p>5.11. Teorema de Stokes, vorticidad.</p> <p>5.12. Teorema de la divergencia en el plano, interpretación geométrica.</p> <p>5.13. Teoremas de Gauss-Ostrogradsky y Stokes en el espacio. Calculo del flujo de un campo vectorial a través de una superficie.</p>	<p>ejemplos de aplicación de la integral.</p> <p>Teoremas de Green, Gauss-Ostrogradsky y de Stokes</p>	<p>Actividad 15..</p>
---	--	-----------------------

5. EVALUACIÓN Y CALIFICACIÓN

Requerimientos de acreditación:

Para que el alumno tenga derecho al registro del resultado final de la evaluación en el periodo ordinario el alumno debe tener un mínimo de asistencia del 80% a clases y actividades registradas durante el curso. Para aprobar la Unidad de Aprendizaje el estudiante requiere una calificación mínima de 60.

Criterios generales de evaluación:

A lo largo de la UA se elaborarán diversos reportes e informes por escrito, que deberán seguir los siguientes lineamientos básicos (más los específicos de cada trabajo):

- Entrega en tiempo
- Diseño de portada con datos de la Unidad de Aprendizaje, alumno, profesor y fecha
- El desarrollo del tema se acompañará siempre de una conclusión que rescate los principales aprendizajes. Todas las conclusiones se sustentarán en datos
- Todas las referencias se citarán adecuadamente conforme al criterio APA
- Queda estrictamente prohibido el plagio

Las presentaciones orales se evaluarán conforme a los siguientes rubros: Contenido suficiente, comprensión del contenido, dicción, volumen, apoyo visual y tiempo utilizado. Cuando se pida una presentación oral se entregará a los estudiantes una lista de elementos básicos que debe incluir.

Evidencias o Productos



UNIVERSIDAD DE GUADALAJARA

Evidencia o producto	Competencias y saberes involucrados	Contenidos temáticos	Ponderación
<p>Compilación de Tareas con ejercicios resueltos</p>	<p>Identifica y organiza la información que se requiere para resolver un problema Discrimina y analiza información relevante. Presenta sus productos en tiempo y forma, de tal manera que demuestra interés y cuidado en su trabajo Escucha la opinión de sus compañeros y expresa la suya con apertura. Redacta con claridad respetando reglas ortográficas y sintácticas Reconoce la dimensión y las características del espacio donde se definen las funciones. Muestra seguridad al hablar y transmitir mensajes Muestra argumentos formales para demostrar la existencia de límites de sucesiones y de series. Conceptos de límite, límites reiterados, función continua, discontinuidad evitable. Utiliza software especializado (SCILAB) para graficar funciones en el espacio. Conceptos de límite diferencial de una función, función derivable y función diferenciable, derivada parcial, máximos y mínimos locales y globales, punto silla, concavidad. Teoremas de Clairaut, regla de la cadena, Taylor, de la segunda derivada y de los multiplicadores de Lagrange. Reglas de derivación. Puntos críticos, valores extremos. Conceptos de la física y geometría empleados en los ejemplos de aplicación. Sumas de Riemann, medidas de Lebesgue. Teoremas de Fubini, de la función inversa, de la función implícita, del cambio de variable. Coordenadas polares, esféricas y cilíndricas. Operador vectorial. Campo vectorial gradiente,</p>	<p>Espacios normados y espacios métricos. Propiedades Topológicas de \mathbb{R}^n. Compacidad de \mathbb{R}^n. Teorema de Heine-Borel. Teorema de Bolzano-Weierstrass. Funciones de Varias Variables, Límites y Continuidad. Continuidad en un punto. Funciones derivables y funciones diferenciables. Diferencial y derivadas parciales. Regla de la Cadena. Derivadas Direccionales. El operador nabla, gradiente. Máximos y mínimos locales. Multiplicadores de Lagrange. Integrales múltiples Medida de Lebesgue. Teoremas de Fubini, integración sobre dominios más generales. Integrales dobles. Integrales triples y cálculo de volúmenes. Teorema del cambio de variables e integrales en polares, cilíndricas, esféricas. Integrales de Línea y de Superficie. Divergencia y rotacional. Teorema de Green, de Stokes, de Teoremas de Gauss-Ostrogradsky. Calculo del flujo de un campo vectorial a través de una superficie.</p>	<p>70%</p>



UNIVERSIDAD DE GUADALAJARA

	<p>divergente y rotacional. Campo conservativo. Función potencial. Integrales de línea y de superficie. Conceptos de la física y geometría empleados en los ejemplos de aplicación de la integral. Teoremas de Green, Gauss-Ostrogadsky y de Stokes</p>		
--	---	--	--

Producto final

Descripción	Evaluación	
Título: Examen final.	Criterios de fondo: Uso correcto del lenguaje matemático Criterios de forma: Elabora su examen respetando las normas gramaticales y el lenguaje propio del cálculo. Redacta sin errores ortográficos.	Ponderación
Objetivo: Emplear las técnicas de derivación e integración para diferentes tipos de funciones.		20%
Caracterización: Originalidad en las respuestas. Uso del lenguaje matemático. Enmienda de errores.		

Otros criterios

Criterio	Descripción	Ponderación
Participación en clase	Participación activa e interés de las intervenciones.	5 %
Trabajo en equipo	Participación activa e interés de las intervenciones.	5 %

6. REFERENCIAS Y APOYOS

Referencias bibliográficas

Referencias básicas

Autor (Apellido, Nombre)	Año	Título	Editorial	Enlace o biblioteca virtual donde esté disponible (en su caso)
De Burgos, J.	1995	Cálculo Infinitesimal de Varias Variables	Springer	

Referencias complementarias

Marsden, Jerrold, Weinstein, Alan	1998	Calculus. Volumen III	Springer	
Pita, C.	1995	Cálculo Vectorial	Prentice-Hall	
Thomas, G.	2010	Cálculo. Varias variables	Pearson	
Demidovich, B.	2000	5000 Problemas y Ejercicios de Análisis Matemático	Reverté	

Apoyos (videos, presentaciones, bibliografía recomendada para el estudiante)



UNIVERSIDAD DE GUADALAJARA

Unidad temática 1:

Para reforzar conceptos básicos de cálculo:

Khan Academy, <https://es.khanacademy.org/>

¿Qué es el Cálculo? Aventuras Matemáticas UNAM <https://www.youtube.com/watch?v=U5aW5aR0qbU>

Unidad temática 2:

Para reforzar conceptos básicos de límites:

<http://17calculus.com/>

http://webdelprofesor.ula.ve/ingenieria/rrra/calculo30/calculo30tema1/seccion1_3.html

http://www.wikimatematica.org/index.php?title=Limites_y_continuidad_de_funciones_de_dos_variables

Unidad temática 3:

Para reforzar conceptos básicos de derivadas:

<http://17calculus.com/partial-derivatives/>

<https://www.freemathhelp.com/calculus-help.html>

Unidad temática 4:

Para reforzar estrategias de integración múltiple

<http://17calculus.com/partial-integrals/double-area-volume/>

<https://www.freemathhelp.com/calculus-help.html>

Unidad temática 5:

Para reforzar conceptos de campos vectoriales y los teoremas del cálculo vectorial

<http://17calculus.com/vector-fields/>

<http://17calculus.com/vector-fields/greens-theorem/>

<http://17calculus.com/vector-fields/stokes-theorem/>

<http://17calculus.com/vector-fields/divergence-theorem/>

NOTAS:

1. Actualmente se pretende que los estudiantes que cursan esta UA cursen simultáneamente el taller de Teoría del Cálculo (mencionada en la descripción) y la UA de Introducción analítica a las geometrías II, ya que ambas comparten algunos conceptos ligados tanto a las funciones vectoriales como a la teoría de curvas y superficies.